

2. Klausur Statik und elementare Festigkeitslehre WS 09/10  
 Prof. Dr. rer. nat. W. H. Müller, Lehrstuhl für  
 Kontinuumsmechanik und Materialtheorie

**Bitte deutlich in DRUCKSCHRIFT schreiben!**

Name, Vorname:

Matr.-Nr.:

Studiengang:

1	
2	
3	
$\Sigma$	
T	

**Bitte ankreuzen!**

☐ Studienbegleitende Prüfung

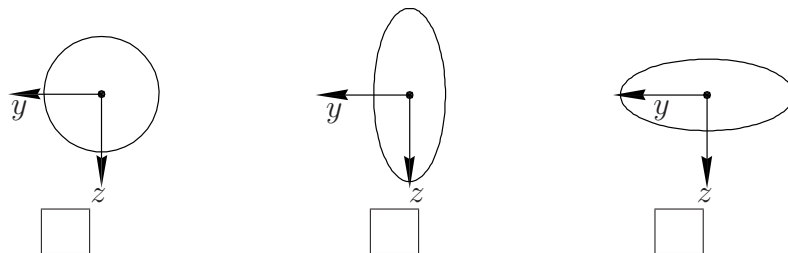
☐ Übungsscheinklausur

1. Geben Sie die Maßeinheiten folgender Größen ausschließlich in den Einheiten 1, kg, m, s, K an:

Krümmung eines Biegebalkens $w''$	
polares Widerstandsmoment $W_p$	
thermischer Ausdehnungskoeffizient $\alpha$	
Dehnung $\varepsilon$	

**(2 Punkte)**

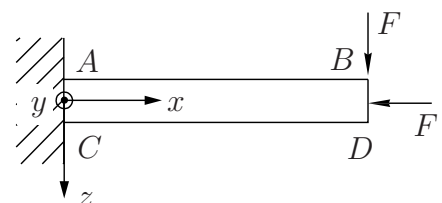
2. Die dargestellten Querschnitte haben alle denselben Flächeninhalt  $A$ . Sortieren Sie die Querschnitte nach dem Flächenträgheitsmoment  $I_{yy}$ . Kennzeichnen Sie dazu das größte Flächenträgheitsmoment  $I_{yy}$  mit einer 1, das mittlere mit einer 2 und das kleinste mit einer 3.



(Anmerkung: Die Ursprünge der eingezeichneten Koordinatensysteme liegen im Schwerpunkt der jeweiligen Querschnittsfläche.) **(1 Punkt)**

3. Gegeben sei der skizzierte belastete Balken. An welcher Stelle des Balkens ist die Spannung  $\sigma_{xx}$  betragsmäßig maximal (bitte ankreuzen)?

A ☐      B ☐      C ☐      D ☐

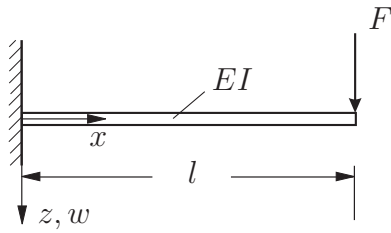


Liegt in diesem Punkt Zug oder Druck vor?

Zug ☐      Druck ☐

**(1 Punkt)**

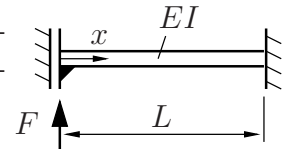
4. Die Durchsenkung einer Biegefeder unter der gezeigten Belastung ist  $w(l) = \frac{Fl^3}{3EI}$ . Wie groß ist ihre Federsteifigkeit? Gegeben:  $F$ ,  $EI$ ,  $l$



$C =$

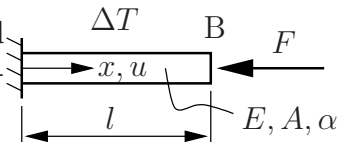
(1 Punkt)

5. Geben Sie alle 4 Randbedingungen an, die für die Berechnung der Durchbiegung mit der Biegeliniendifferentialgleichung 4. Ordnung im nebenstehenden System erforderlich sind.



(2 Punkte)

6. Der abgebildete Stab wird durch eine äußere Kraft  $F$  belastet und um eine Temperatur  $\Delta T > 0$  erwärmt. Geben Sie bitte die Endverschiebung  $u_B$  des Querschnittes B an:



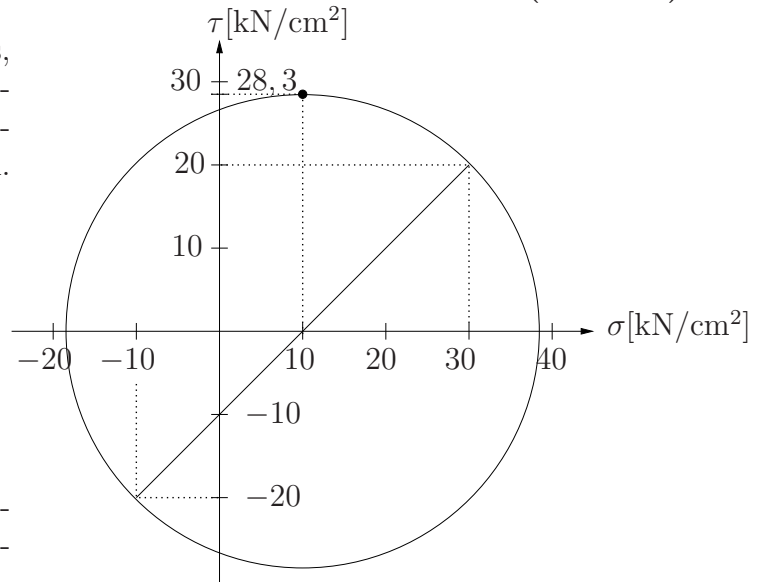
$u_B =$

(1 Punkt)

7. Gegeben ist der skizzierte MOHRsche Kreis, der aus dem Spannungszustand eines Balkenelementes resultiert. Wie groß sind die Hauptspannungen? Vorzeichen sind mit anzugeben.

$$\sigma_{\text{I}} = \boxed{\phantom{000}} \text{ kN/cm}^2,$$

$$\sigma_{\text{II}} = \boxed{\phantom{000}} \text{ kN/cm}^2$$



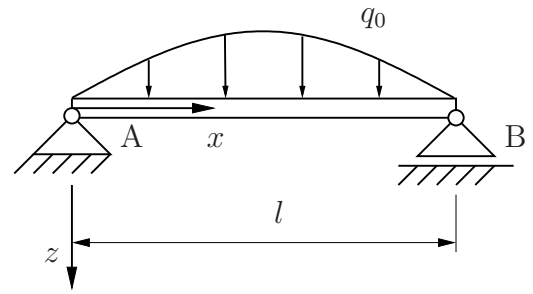
Um welchen Winkel  $\varphi$  müßte das Element gedreht werden, um die maximale Schubspannung zu erhalten?

$$\varphi = \boxed{\phantom{000}}^\circ$$

Hinweis: Zur Lösung dieser Aufgabe ist kein Lineal o.ä. erforderlich!

(2 Punkte)

Der abgebildete schlanke Balken (Länge  $l$ , Biegesteifigkeit  $EI$ ) ist über ein Fest- und ein Loslager gelagert und wird über seine gesamte Länge durch eine sinusförmige Streckenlast mit der Amplitude  $q_0$  belastet.

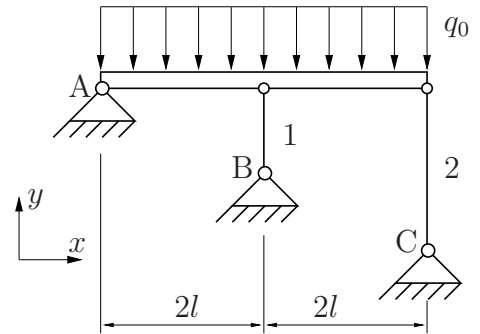


- Bestimmen Sie  $q(x)$ .
- Bestimmen Sie mittels Integration der Biegeliniendifferentialgleichung 4. Ordnung  $EIw^{IV}(x) = q(x)$  deren allgemeine Lösung.
- Stellen Sie die zur Berechnung der Integrationskonstanten notwendigen Randbedingungen auf.
- Berechnen Sie mittels Auswertung dieser Randbedingungen die Integrationskonstanten!
- Wie groß ist die maximale Durchsenkung  $\hat{w}$ ? Berechnen Sie außerdem die Neigungswinkel  $\varphi_A$  bzw.  $\varphi_B$  in den Lagern A und B?
- Wie groß ist die Querkraft  $Q(x)$  im Balken?
- Wie groß muss  $q_0$  gewählt werden, damit an der Stelle  $x = l/3$  ein Neigungswinkel von  $\frac{1}{2}$  auftritt?

Geg.:  $q_0, l, EI$

Ein starrer Balken der Länge  $4l$  ist durch ein festes Gelenklager in A und zwei Stäbe in B und C gestützt. Der Balken und die Stäbe sind als gewichtslos zu betrachten. Im unbelasteten Zustand seien die Stäbe ungedehnt. Die Stäbe haben die Querschnittsflächen  $A_1 = A_2 = A$  und die Längen  $l_1 = l, l_2 = 2l$ , Elastizitätsmodul  $E$ .

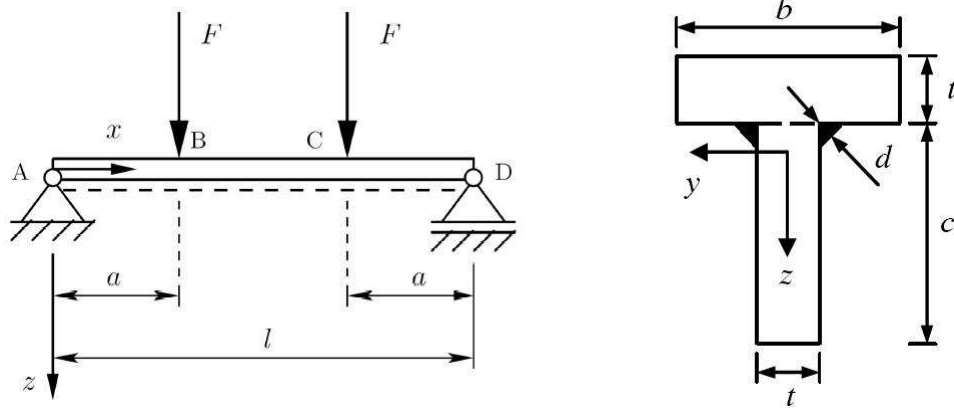
Der Balken wird durch eine konstante Streckenlast  $q_0$  belastet. Der Stab 1 wird zudem um  $\Delta T$  erwärmt. Der lineare Wärmeausdehnungskoeffizient für den Werkstoff des Stabes 1 ist  $\alpha$ . Gehen Sie in der Lösung von kleinen Verformungen und linearem Materialverhalten aus.



- Schneiden Sie den starren Balken frei und stellen Sie die Gleichgewichtsbedingungen auf.
- Geben Sie die Materialgesetze für die Stäbe 1 und 2 an ( $\Delta T > 0$ ).
- Stellen Sie zwischen den Längenänderungen der Stäbe eine geometrische Verträglichkeitsbedingung auf.
- Berechnen Sie die Stabkräfte und die Lagerkraft in A.
- Für welche Temperaturänderung  $\Delta T^*$  verformt sich Stab 2 nicht?

Geg.:  $q_0, \Delta T, \alpha, A, l, E$

Das abgebildete Maschinenteil (Querschnitt wie abgebildet) ist in den Endpunkten A und D gelenkig gelagert und wird in den Punkten B und C durch Einzelkräfte belastet.



- Bestimmen Sie die Auflagerreaktionen und ziehen Sie die Momentenfläche vorzeichenrichtig auf. Werte für die markanten Punkte sind anzugeben!
- Berechnen Sie den Flächenschwerpunkt der Querschnittsfläche (Schweißnähte sind zu vernachlässigen) mit dem Tabellenverfahren. Gehen Sie dazu von einem Koordinatensystem aus, dass im Schwerpunkt des Obergurtes liegt.
- Berechnen Sie das Flächenträgheitsmoment  $I_{yy}$  mit dem Tabellenverfahren. Benutzen Sie wieder ein Koordinatensystem im Schwerpunkt des Obergurtes.
- Berechnen Sie die Widerstandsmomente  $W_{y,o}$  und  $W_{y,u}$ . Wie groß sind die maximale Zug- und Druckspannung in dem Maschinenteil und berechnen Sie die maximale Schubspannung in der Schweißnaht? (Hinweis: Das Zwischenergebnis für  $I_{yy}$  muss in Aufgabenteil d) nicht mehr eingesetzt werden.)

Geg.:  $t, a, b, c, F, l, d$